

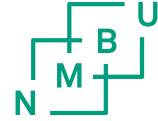
# ECN 120

# Usikkerhet, risiko og sparing

## Innhold

- Grunnlaget: vonNeumann-Morgenstern forventa nytteteori
- Risikopreferanser
- Forsikring
- Implikasjoner av modellen og fra risikoaversjon for pensjonssparing (og anna spareatferd)

# Grunnlaget: Forventa nytteteori



- Forventa nytteteori (expected utility EU) sentralt for å ta rasjonelle beslutninger under risiko og uvisse
    - vonNeuman og Morgenstern (VNM 1944) tidlig banebrytende arbeid på feltet (viktig bidrag for strukturert beslutning om den allierte invasjonen i Normandie)
      - ◆ nytte koples til hvert utfall
      - ◆ EU uttrykkes som summen av beslutnings- og tilstandsavhengige sannsynligheter x konsekvenser (nytte)
- $$EU(b) = \sum_{i=1}^I p_i(X_i|b) U(X_i|b)$$

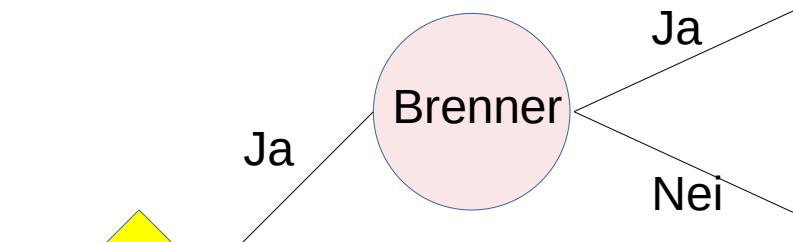
# ... forventa nytteteori (2)

- EU – eks: brannforsikring

Beslutning

Hendelse

Konsekvens



formue – forsikr.premie – egenandel

$$W(f=1, b=1) = W' - fp - eb$$

formue – forsikr.premie

$$W(f=1, b=0) = W' - fp$$

taper alt

$$W(f=0, b=1) = 0$$

formue

$$W(f=0, b=0) = W'$$

Matematisk

$$EU(f=1) = p_{b=1} U(W' - fp - eb) + (1 - p_{b=1}) U(W' - fp)$$

$$EU(f=0) = p_{b=1} U(0) + (1 - p_{b=1}) U(W')$$

Forklaring  
 $f$  = forsikring  
 $b$  = brann  
 $W'$  = husverdi  
 $p$  = pris polise  
 $e$  = egenandel

# Risikopreferanser

- Forventa nytte

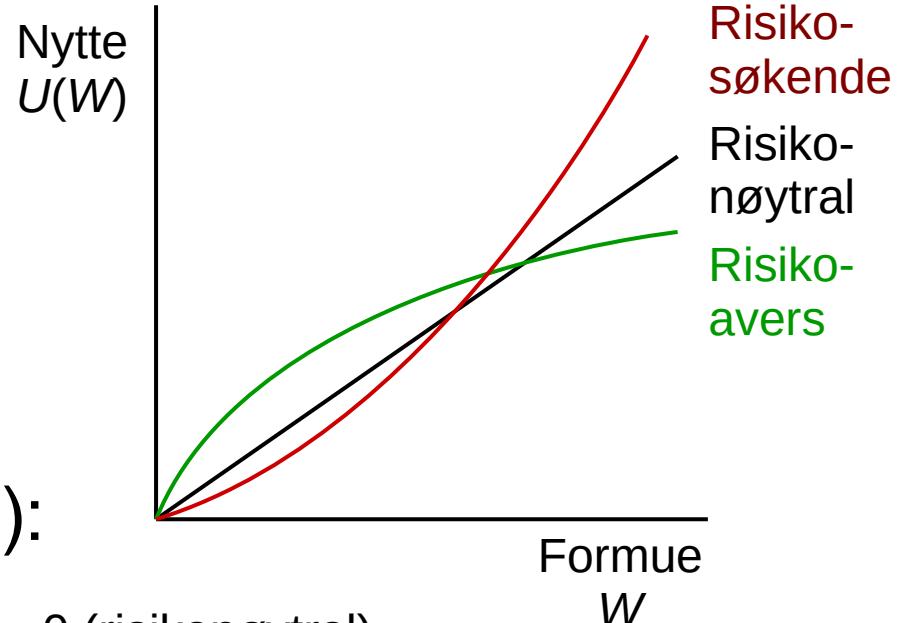
- 1. derivert:

$$U'(W) = \frac{\partial U(W)}{\partial W} > 0$$

- 2. derivert  
(→ risikopreferanse):

$$U''(W) = \frac{\partial^2 U(W)}{\partial W^2}$$

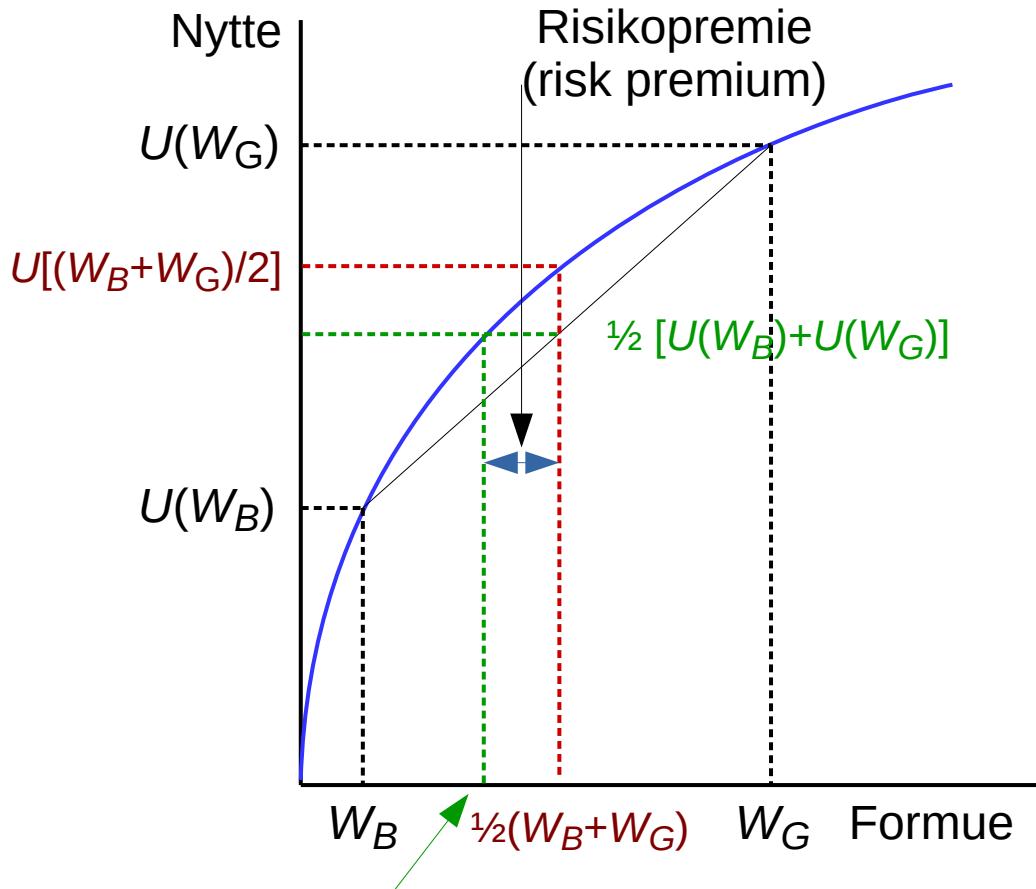
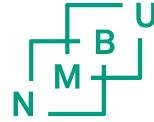
$= 0$  (risikonøytral)  
 $< 0$  (risikoavers)  
 $> 0$  (risikosøkende)



- Vanligste preferanse = risikoavers

- må kompenseres for å velge prosjekt med større risiko

# Forsikring



Sikkerhetsekvivalent  
(certainty equivalent)

Bare risikoaverse kjøper forsikring  
Max. Betalingsvilje = risikopremie

- 50-50 for bad/good
- Nytte og formue uten forsikring
  - bad:  $U(W_B)$
  - good:  $U(W_G)$
- ... med forsikring
  - $U[(W_B + W_G)/2] > \frac{1}{2} [U(W_B) + U(W_G)]$

# Risikoaversjon og spareatferd

- Fra modellen: Sparer meir enn forventa for pensjon (unngå å bli pensjonist uten ekstra midler – forsterker nytte-forbrukseffekten)
- Volatile tider → flytter sparing til mindre risikoutsatte finansobjekt
  - sparing i gull/edelsteiner ↑ ( $\leftarrow$  substansverdi + mobilt) → gullpris ↑ indikasjon på volatilitet
  - svakere valutakursutvikling på små valutaer (NOK) enn store (\$, €, osv.)
- ... eller diversifiserer spareporteføljen